

EX 1 -

1 - 560 roses n'est pas divisible par 3 ($5+6+0=11$ qui n'est pas dans la table de 3)

donc il ne peut pas faire 3 bouquets

560 et 700 sont divisibles par 5 , donc il peut faire 5 bouquets

2 - Le nombre de bouquets doit être un diviseur de 560 et de 700

3 - $560 = 2 \times 280$

$$= 2 \times 2 \times 140$$

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 70$$

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 35$$

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 7$$

$$= 2^4 \times 5 \times 7$$

$$700 = 2 \times 350$$

$$= 2 \times 2 \times 175$$

$$= 2 \times 2 \times 5 \times 35$$

$$= 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 7$$

$$= 2^2 \times 5^2 \times 7$$

4 - Le nombre maximal de bouquets est le plus grand diviseur commun à 560 et 700 , c'est $2^2 \times 5 \times 7 = 140$

5 - $560 : 140 = 4$; $700 : 140 = 5$ Il y aura 4 roses et 5 tulipes par bouquet .

EX 2 -

$$A = 3(2a - 5c)$$

$$B = (a + 5)(4a - 3)$$

$$C = (3a - 2)(5a + 4) - 2(3a - 6)$$

$$A = 6a - 15c$$

$$B = 4a^2 - 3a + 20a - 15$$

$$C = 15a^2 + 12a - 10a - 8 - 6a + 12$$

$$B = 4a^2 + 17a - 15$$

$$C = 15a^2 - 4a + 4$$

EX 3 -

1 - Dans le triangle ABD, rectangle en D,
d'après le théorème de Pythagore :

$$AB^2 = AD^2 + BD^2$$

$$17^2 = 15^2 + BD^2$$

$$289 = 225 + BD^2$$

$$BD^2 = 289 - 225$$

$$BD^2 = 64$$

$$BD = \sqrt{64} = 8$$

2 - $BC = 8 + 20 = 28$

$$BC^2 = 28^2 = 784$$

$$AB^2 + AC^2 = 17^2 + 25^2 = 289 + 625 = 914$$

BC^2 n'est pas égal à $AB^2 + AC^2$, donc
d'après la contraposée du théorème de Pythagore
le triangle ABC n'est pas rectangle.

EX 4 -

1 - On choisit 8 , $8 - 2 = 6$, $6^2 = 36$, $36 + 6 = 42$

On choisit -5 , $-5 - 2 = -7$, $(-7)^2 = 49$, $49 + 6 = 55$

2 - On choisit x , soustraire 2 : $x - 2$, élever au carré : $(x - 2)^2$, ajouter 6 : $(x - 2)^2 + 6$

EX 1 -

1 - 675 truffes café n'est pas divisible par 2
donc il ne peut pas faire 2 boîtes

675 et 630 sont divisibles par 3 (la somme des chiffres est un multiple de 3), donc il peut faire 3 boîtes

2 - Le nombre de boîtes doit être un diviseur de 675 et de 630

$$\begin{array}{l} 3 - 675 = 3 \times 225 \\ \quad = 3 \times 3 \times 75 \\ \quad = 3 \times 3 \times 3 \times 25 \\ \quad = 3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 \\ \quad = 3^3 \times 5^2 \end{array} \qquad \begin{array}{l} 630 = 2 \times 315 \\ \quad = 2 \times 3 \times 105 \\ \quad = 2 \times 3 \times 3 \times 35 \\ \quad = 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 7 \\ \quad = 2 \times 3^2 \times 5 \times 7 \end{array}$$

4 - Le nombre maximal de boîte est le plus grand diviseur commun à 675 et 630 , c'est $3^2 \times 5 = 45$

5 - $675 : 45 = 15$; $630 : 45 = 14$ Il y aura 15 truffes au café et 14 truffes coco par boîte .

EX 2 -

$$\begin{array}{lll} A = 5(2a - 3c) & B = (a + 3)(4a - 5) & C = (2a - 3)(4a + 5) - 3(2a - 6) \\ A = 10a - 15c & B = 4a^2 - 5a + 12a - 15 & C = 8a^2 + 10a - 12a - 15 - 6a + 18 \\ & B = 4a^2 + 7a - 15 & C = 8a^2 - 8a + 3 \end{array}$$

EX 3 -

1 - Dans le triangle ABC, rectangle en C,
d'après le théorème de Pythagore :

$$\begin{array}{l} AB^2 = AC^2 + BC^2 \\ 17^2 = AC^2 + 15^2 \\ 289 = AC^2 + 225 \\ AC^2 = 289 - 225 \\ AC^2 = 64 \\ AC = \sqrt{64} = 8 \end{array}$$

$$2 - AD = 8 + 20 = 28$$

$$\begin{array}{l} AD^2 = 28^2 = 784 \\ AB^2 + BD^2 = 17^2 + 25^2 = 289 + 625 = 914 \end{array}$$

AD^2 n'est pas égal à $AB^2 + BD^2$, donc
d'après la contraposée du théorème de Pythagore
le triangle ABC n'est pas rectangle.

EX 4 -

1 - On choisit 2 , $2 + 3 = 5$, $5^2 = 25$, $25 - 9 = 16$

On choisit -7 , $-7 + 3 = -4$, $(-4)^2 = 16$, $16 - 9 = 7$

2 - On choisit x , ajouter 3 : $x + 3$, élever au carré : $(x + 3)^2$, soustraire 9 : $(x + 3)^2 - 9$